

ในข้อสอบ CU – AAT ในส่วนของคณิตศาสตร์จะประกอบไปด้วย 4 PART ดังนี้

-
-
-
-

1. เลขคณิต (Arithmetic)

ในข้อสอบ CU – AAT นั้น ข้อสอบส่วนเลขคณิต มีประมาณ ข้อ จาก ข้อ หรือประมาณ....ของข้อสอบส่วนคณิตศาสตร์ทั้งหมด ซึ่งจะเจาะเนื้อหาด้านเลขคณิตในเรื่องต่างๆดังนี้

1. เศษส่วน (Fractions)

1.1 การบวก – ลบ เศษส่วน

$$\frac{5}{7} + \frac{2}{3}$$

1.2 เศษส่วน

$$\begin{array}{r} \frac{3}{4} \\ \frac{5}{5} \\ \hline \end{array} \qquad \qquad \qquad \begin{array}{r} \frac{3}{4} \\ \frac{5}{5} \\ \hline \end{array}$$

1.3 การเปรียบเทียบเศษส่วน

2. ทศนิยม (Decimals)

2.1 การเขียนทศนิยมเป็นเศษส่วน

การเขียนทศนิยมซ้ำๆ ไม่ใช่กำหนดให้เป็นเศษส่วน

ซึ่งเราสามารถสรุปเป็นสูตรได้ดังนี้

เศษ ส่วน	=	_____
-------------	---	-------

$$0.\overline{25} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$0.3\overline{97} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$0.\overline{354} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$0.3\overline{658} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$0.\overline{2768} = \underline{\hspace{2cm}}$$

3. เปอร์เซ็นต์ (Percent)

ตัวอย่าง 40% ของ 80 มีค่าเท่ากับ

ตัวอย่าง 50 เป็น 40% ของจำนวนอะไร

ตัวอย่าง กี่เปอร์เซ็นของ 165 มีค่าเท่ากับ 33

3. เลขยกกำลัง (Exponents)

สรุปสมบัติของเลขยกกำลัง

$$1. a^x \cdot a^y = a^{x+y}$$

$$6. (ab)^x = a^x \cdot b^x$$

$$2. \frac{a^x}{a^y} = a^{x-y}$$

$$7. \left(\frac{a}{b}\right)^x = \frac{a^x}{b^x}$$

$$3. a^0 = 1$$

$$8. \left(\frac{a}{b}\right)^{-x} = \left(\frac{b}{a}\right)^x$$

$$4. a^{-x} = \frac{1}{a^x}$$

$$9. a^{m^n} = a^{(m^n)}$$

$$5. (a^x)^y = a^{xy}$$

4. กรณฑ์ (Root)

ตัวอย่าง จงแบ่งราก $\sqrt{50}$ ให้เป็นรูปอ่ำง่าย

ตัวอย่าง จงหาค่าของ $\sqrt{27} \cdot \sqrt{12}$

ตัวอย่าง จงหาค่าของ $\sqrt{45} \cdot \sqrt{125}$

ตัวอย่าง จงทำให้ออยู่ในรูปที่ง่ายที่สุด $\frac{15}{2\sqrt{6}}$

ตัวอย่าง จงทำให้ออยู่ในรูปที่ง่ายที่สุด $\frac{15}{2+\sqrt{6}}$

Note

$$1.) \sqrt[n]{a} = a^{\frac{1}{n}}$$

$$2.) \sqrt[n]{a^m} = a^{\frac{m}{n}} ; a \geq 0$$

5.1 ค่าเฉลี่ยเลขคณิต (Arithmetic mean)

ตัวอย่าง จากการสอบตามนักเรียน ม.4 จำนวน 5 คน ปรากฏว่ามีอายุดังนี้
12 , 15 , 14 , 13 , 16 จงหาค่าเฉลี่ยเลขคณิตของอายุเด็กกลุ่มนี้

5.2 มัธยฐาน (Median)

ตัวอย่าง กำหนดข้อมูลเป็น 6 , 4 , 8 , 7 , 3 , 10 จงหาค่ามัธยฐานของข้อมูลกลุ่มนี้

ตัวอย่าง กำหนดข้อมูลเป็น 6 , 4 , 8 , 2 , 3 จงหาค่ามัธยฐานของข้อมูลกลุ่มนี้

5.3 ฐานนิยม (Mode)

ตัวอย่าง จากข้อมูลที่กำหนดให้ต่อไปนี้ จงหาค่าฐานนิยม

1.) 2 , 4 , 5 , 5 , 7 , 8 จะได้ $Mo = \underline{\hspace{2cm}}$

2.) 2 , 3 , 3 , 4 , 8 , 8 , 9 จะได้ $Mo = \underline{\hspace{2cm}}$

3.) 2 , 2 , 4 , 4 , 5 , 5 จะได้ $Mo = \underline{\hspace{2cm}}$

6. ความน่าจะเป็น (Probability)

ตัวอย่าง โยนเหรียญ 1 อัน 1 ครั้ง

ผลลัพธ์ทั้งหมด

ผลลัพธ์ที่เราสนใจขึ้นก็อยู่

ตัวอย่าง ครอบครัวหนึ่ง วางแผนจะบุตร 2 คน

ผลลัพธ์ทั้งหมด

ผลลัพธ์ที่เราสนใจนี้ผู้ชาย

ตัวอย่าง ทอดลูกเต้า 2 ลูก หนึ่งครั้ง

ผลลัพธ์ทั้งหมด

ตัวอย่าง ถุงใบหนึ่งมีลูกบอลสีแดง 3 ลูก สีขาว 2 ลูก และสีดำ 4 ลูก หยิบลูกบอลจากถุงมา

1 ถูก จงหาความน่าจะเป็นที่จะได้ลูกบอลสีแดง

ตัวอย่าง หอดลูกเดียว 2 ถูก จงหาความน่าจะเป็นที่ผลรวมของเดิมบันหน้าลูกเดียวมีค่าเท่ากับ 15

Arithmetic Problem

1. Bobby use 40% of his monthly allowance for his video game and 50% of the remaining amount for lunch. If he spends \$ 13.5 for lunch, how much does he pay for the games in cent?

- | | | |
|----------|---------|---------|
| (1) 1800 | (2) 240 | (3) 350 |
| (4) 400 | (5) 450 | |

2. 20 Students received a 90 on a math test. 30 Students got 100 on the same test. The class average (arithmetic mean) is

- | | | |
|--------|--------|--------|
| (1) 92 | (2) 94 | (3) 95 |
| (4) 96 | (5) 98 | |

3. Which of the following numbers is greater than 0.428?

- | | | |
|-----------|------------|----------|
| (1) 0.053 | (2) 0.42 | (3) 0.43 |
| (4) 0.419 | (5) 0.4228 | |

4. If $\frac{x}{a} = x^2$, which of the following can be the value of x ?

- | | | |
|---------------------|-------------------|--------------------|
| I. $-\frac{1}{a}$ | II. 0 | III. $\frac{1}{a}$ |
| (1) I only | (2) II only | (3) III only |
| (4) II and III only | (5) I, II and III | |

5. 1, 3, 6, 10, 15, ... What is the 10^{th} of the sequence?

(1) 40

(2) 50

(3) 55

(4) 61

(5) 72

6. $\frac{x(x^{a+b})}{x^b} =$

(1) $(x^2)^{a+2b}$

(2) x^{2a}

(3) x^{a+2b+1}

(4) x^{a+1}

(5) x^{ab+b^2}

7. A computer program randomly selects a positive two-digit number. If the number selected is odd, twice that number is printed. If the number selected is even, the number itself is printed. If the number printed is 26, which of the following could have been the number selected?

I 13

II 26

III 52

(1) I only

(2) II only

(3) I and II only

(4) I and III only

(5) I, II and III

8. $(-1)^2 + (-1)^3 + (-1)^4 + (-1)^5 + (-1)^6 + (-1)^7 + (-1)^8 + (-1)^9 + (-1)^{10} =$

(1) -9

(2) -1

(3) 0

(4) 1

(5) 9

9. $\frac{\frac{4}{7} + \frac{1}{2}}{\frac{4}{7} - \frac{1}{2}} =$

(1) 15

(2) 1

(3) 0

(4) $\frac{5}{3}$

(5) $\frac{3}{5}$

10. If $n + n + n + n + 1 = 2 + n + n + n$, what is the value of n

- | | | |
|-------|-------|-------|
| (1) 1 | (2) 2 | (3) 3 |
| (4) 4 | (5) 7 | |

11. A solution is made by mixing concentrate with water. How many liters of concentrate should be mix with 2 liters of water so that 32 percent of solution is concentrated?

- | | | |
|----------|----------|----------|
| (1) 0.94 | (2) 1.94 | (3) 2.94 |
| (4) 3.94 | (5) 4.94 | |

12. There are 13 female student for every 12 female students. How many male students are there in a group of 200 students?

- | | | |
|--------|--------|--------|
| (1) 48 | (2) 64 | (3) 72 |
| (3) 82 | (5) 96 | |

13. When 247 is divided by 6, the remainder is r , and when 247 is divided by 12, the remainder is s . What is the value of $r - s$?

- | | | |
|--------|--------|-------|
| (1) -6 | (3) -1 | (3) 0 |
| (4) 1 | (5) 6 | |

14. $(3x^2)^2(2x)^2$

- | | | |
|----------------|---------------|----------------|
| (1) $6x^{13}$ | (2) $6x^{10}$ | (3) $72x^{10}$ |
| (4) $72x^{13}$ | (5) $5x^{36}$ | |

15. Maria answered all the problem on her math test. She answered 80 percent of the problems correctly. If she answered 6 problems incorrectly, how many problems were on the test?

- | | | |
|--------|--------|--------|
| (1) 24 | (2) 30 | (3) 36 |
| (4) 48 | (5) 86 | |

16. J.D. want to get an *A* in math. A 90 average is needed. J.D. has grades of 87, 79 and 96 on the first 3 test.

What does J.D. need for an *A* average?

- | | | |
|--------|---------------------------------|--------|
| (1) 88 | (2) 92 | (3) 96 |
| (4) 98 | (5) An <i>A</i> is not possible | |

17. What is the least positive integer that is a multiple of 4, 15 and 18?

- | | | |
|---------|-----------|---------|
| (1) 30 | (2) 60 | (3) 180 |
| (4) 360 | (5) 1,080 | |

18. $2^{60} = 8^{4x}$, $x =$

- | | | |
|--------------------|---------|-------|
| (1) 15 | (2) 7.5 | (3) 5 |
| (4) $2\frac{1}{3}$ | (5) 20 | |

19. If n is any negative number, which of the following must be positive?

- | | | |
|-------------------|-----------|-----------|
| (1) $\frac{n}{2}$ | (2) $2n$ | (3) $n+2$ |
| (4) $n-2$ | (5) $2-n$ | |

20. $\frac{80+2x}{8}$ is equivalent to

- | | | |
|----------------------|----------------------|----------------------|
| (1) $10+2x$ | (2) $80+\frac{x}{4}$ | (3) $\frac{80+x}{4}$ |
| (4) $\frac{10+x}{4}$ | (5) $10+\frac{x}{4}$ | |

2. พีชคณิต (Algebra)

ในข้อสอบ CU – AAT นั้น ข้อสอบส่วนเลขคณิต มีประมาณ ข้อ จาก ข้อ หรือประมาณ ... ของข้อสอบส่วนคณิตศาสตร์ทั้งหมด ซึ่งจะเจาะเนื้อหาด้านพีชคณิตในเรื่องต่างๆ ดังนี้

1. สูตรการแยกตัวประกอบ

1.) $(a-b)(a+b)$	=	$a^2 - b^2$
2.) $(a+b)^2$	=	$a^2 + 2ab + b^2$
3.) $(a-b)^2$	=	$a^2 - 2ab + b^2$
4.) $(a+b+c)^2$	=	$a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ac$
5.) $(a+b)^3$	=	$a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$ $= (a^3 + b^3) + 3ab(a+b)$
6.) $(a-b)^3$	=	$a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$
7.) $a^3 + b^3$	=	$(a+b)(a^2 - ab + b^2)$
8.) $a^3 - b^3$	=	$(a-b)(a^2 + ab + b^2)$

2. สมการกำลังสองของ 1 ตัวแปร (Quadratic Equation of One Variable)

2.1 การหาค่าตอบของสมการกำลังสอง เมื่อแยกตัวประกอบแล้ว

- 1.) $(x - a)(x - b) = 0$: ค่าตอบ คือ _____
- 2.) $(x - a)(x + b) = 0$: ค่าตอบ คือ _____
- 3.) $(x + a)(x - b) = 0$: ค่าตอบ คือ _____
- 4.) $(x + a)(x + b) = 0$: ค่าตอบ คือ _____
- ข้อสังเกต “ _____ ”
- 5.) $(ax - b)(cx - d) = 0$: ค่าตอบ คือ _____
- 6.) $(ax - b)(cx + d) = 0$: ค่าตอบ คือ _____
- 7.) $(ax + b)(cx - d) = 0$: ค่าตอบ คือ _____
- 8.) $(ax + b)(cx + d) = 0$: ค่าตอบ คือ _____

3. ระบบสมการเชิงเส้น 2 ตัวแปร (System of Equation With 2 Variable)

การแก้ระบบสมการบางครั้ง คือ _____

สำหรับการแก้ระบบสมการเชิงเส้นก็คือ _____

ขั้นตอนในการแก้ปัญหา

1. _____
2. 2.1 _____
- 2.2 _____
3. _____
4. _____

ตัวอย่าง จงหาค่าของ x, y จากสมการ

$$3x + 2y = 12$$

$$4x + y = 11$$

4. สมการในรูปค่าสัมบูรณ์

4.1 สมบัติของค่าสัมบูรณ์

4.2 การแก้สมการค่าสัมบูรณ์

ตัวอย่าง เช็คค่าตอบของสมการ $2x + 1 = 5$ คือ

วิธีที่ 1	วิธีที่ 2

5. การแก้สมการที่อยู่ในรูปประกอบ

ตัวอย่าง จงหาเช็คค่าตอบค่อไปนี้

$$1.) \sqrt{5x+1} + 6 = 10$$

$$2.) \sqrt{4x+1} - \sqrt{2x} = 1$$

Algebra Problem

1. If $x^2 + y^2 = 35$ and $xy = 12$, what is the value of $(x - y)^2$?

(1) 11

(2) 21

(3) 35

(4) 47

(5) 59

2. $x^2 + 11x + 14 = 0$ Which is the largest?

(1) $x^2 + 11x$

(2) $x(x+11)$

(3) -14

(4) 0

(5) 14

3. If $\frac{a+b+c}{3} = \frac{a+b}{2}$, then $C = ?$

(1) $\frac{a-b}{2}$

(2) $\frac{a+b}{2}$

(3) $5a + 5b$

(4) $\frac{a+b}{5}$

(5) $-a - b$

4. Bob can paint m houses in s hours. Jack can paint n house in t hours. Which of the following gives the number of houses that Bob and Jack can paint together in 50 hours?

(1) $\frac{50(m+n)}{s+t}$

(2) $\frac{m+n}{50st}$

(3) $\frac{50(mt+ns)}{st}$

(4) $\frac{50mn}{s+t}$

(5) $50(ms+nt)$

5. What are all solutions to the equation $x^2 - 4x = 0$?

(1) 0

(2) 4

(3) -4

(4) 0, 4

(5) 0, 4, -4

6. If $(x - y)^2 = 50$ and $xy = 7$, what is the value of $x^2 + y^2$?

- (1) 8
(4) 57

- (2) 36
(5) 64

- (3) 43

7. In a class of 60 students, the number of boys is twice the number of girls. Which of the following accurately describe the situation?

- (1) $b + 2g = 60$, $b - g = 60$
(2) $b - sg = 0$, $b + g = 60$
(3) $2b - g = 0$, $b + g = 60$
(4) $b + g = 60$, $b + 2g = 0$
(5) $b + 2g = 60$, $b - 2g = 0$

8. If $\left(k + \frac{1}{k}\right)^2 = 16$, then $k^2 + \frac{1}{k^2} = ?$

- (1) 4
(4) 14

- (2) 8
(5) 18

- (3) 12

9. $x + 2y = 4$; $2x + 2y = 6$. Which is the largest?

- (1) $x^2 + 7y$
(4) $10y$

- (2) y^{20}
(5) $5x$

- (3) $3x + 2y$

10. If the son of a number and the original number increased by 5 is greater than 11 which could be a possible value of the number?

- (1) -5
(4) 3

- (2) -1
(5) 4

- (3) 1

11. I weigh 9 kg more than I did a year ago. My weight then was $\frac{9}{10}$ of my weight now, how much did I weigh then?

- (1) 72 (2) 81 (3) 90
(4) 99 (5) 108

12. $(4a+a-3)(4b-2b-b)=?$

- (1) $2a-b$ (2) $2ab-2b$ (3) $5ab-b$
(4) $5ab-3b$ (5) $3ab$

13. $x^3+2x^2-35x=0$. then $x=?$

- (1) 0 (2) 5, -7 (3) -5, 7
(3) 0, 5, -7 (5) 0, -5, 7

14. If $(x+3)(x+5)-(x-4)(x-2)=0$, then $x=?$

- (1) -2 (2) $-\frac{1}{2}$ (3) 0
(4) $\frac{1}{2}$ (5) 2

15. I buy a table tennis racket and one can of balls for \$42. My friend buys the same racket and two cans of balls for 45\$. How much does a racket cost?

- (1) \$39 (2) \$40 (3) \$41
(4) \$42 (5) \$45

16. If $a(x+y)=0$, then which of the following statement is (are) always true?

I. $b^2 - c^2$

II. $y = 0$

III. $x = y$

(1) I and II only

(2) I and III only

(3) II and III only

(4) None

17. $b^2 = c^2$. Which must not always be 0?

(1) $b^2 + c^2$

(2) $(b+c)(b-c)$

(3) $(c+b)(c-b)$

(4) $b(b-c) - c(c-b)$

(5) $b+c$

18. If $\frac{a}{b} = \frac{6}{7}$ and $\frac{a}{c} = \frac{2}{5}$, what is the value of $3b+c$ in terms of a ?

(1) $12a$

(2) $9a$

(3) $8a$

(4) $6a$

(5) $4a$

19. A 50-cm piece is cut into 3 pieces: The first is 3 cm shorter than the second, and the third is 4 cm shorter than the first. The length of the shortest piece is

(1) 10

(2) 13

(3) 15

(4) 17

(5) 20

20. If $a \neq b$ and $\frac{a^2 + b^2}{9} = a + b$, then what is the value of $a - b$?

(1) $\frac{1}{3}$

(2) 3

(3) 9

(4) 12

(5) It cannot be determined from the information given.

3. เรขาคณิต (Geometry)

ในชื่อสอบ CU – AAT นั้น ข้อสอบส่วนเลขคณิต มีประมาณ ข้อ จาก ข้อ หรือ
ประมาณ ... ของข้อสอบส่วนคณิตศาสตร์ทั้งหมด 1. เสน่ห์ตรง และ มุ่ง

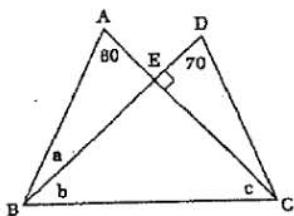
Geometry Problem

1. B is the midpoint of line segment \overline{AC} , and E is the midpoint of the midpoint of the segment \overline{BC} . If the point D is between A and B such that the length of \overline{DE} is 6 and the length of segment \overline{DC} is 10, then what is the length of segment \overline{AD} ?

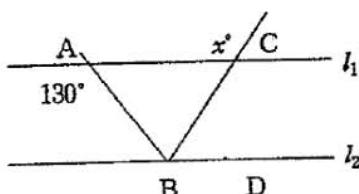
- | | | |
|--------|--------|-------|
| (1) 4 | (2) 6 | (3) 8 |
| (2) 10 | (5) 16 | |

2. $b = 3a$, $c =$

- (1) 30°
- (2) 60°
- (3) 70°
- (4) 80°
- (5) 90°



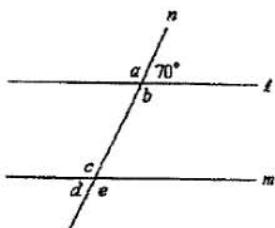
3.



If, in the figure above, $l_1 \parallel l_2$ and BC bisect $\angle ABD$, then $x = ?$

- | | | |
|---------|---------|---------|
| (1) 75 | (2) 95 | (3) 105 |
| (3) 115 | (5) 150 | |

4.

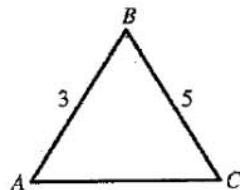


Note: Figure not drawn to scale.

In the figure above, $l \parallel m$. Which of the following is not equal to 110° ?

- | | | |
|---------|---------|---------|
| (1) a | (2) b | (3) c |
| (4) d | (5) e | |

5.

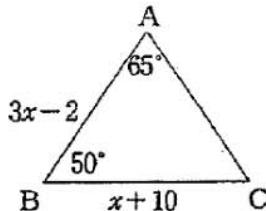


Note: Figure not drawn to scale.

Which of the following CANNOT be the length of \overline{AC} ?

- | | | |
|-------|-------|-------|
| (1) 3 | (2) 5 | (3) 6 |
| (4) 7 | (5) 8 | |

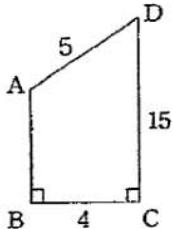
6.



In $\angle ABC$ above, what is the value of x ?

- | | | |
|-------|---|-------|
| (1) 2 | (2) 3 | (3) 4 |
| (4) 6 | (5) It cannot be determined from the information given. | |

7.

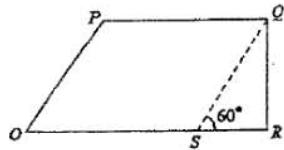


Note : Figure is not drawn to scale.

In the figure above, what is the length of side AB ?

- | | | |
|--------|--------|-------|
| (1) 5 | (2) 6 | (3) 9 |
| (4) 10 | (5) 12 | |

8.

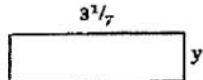


Note: Figure not drawn to scale.

In the figure above, the length of each side of quadrilateral $OPQS$ is 8. If $m\angle R = 90^\circ$, what is the area of quadrilateral $OPQR$?

- | | | |
|------------------|------------------|------------------|
| (1) $32\sqrt{3}$ | (2) $36\sqrt{3}$ | (3) $40\sqrt{3}$ |
| (4) $44\sqrt{3}$ | (5) $48\sqrt{3}$ | |

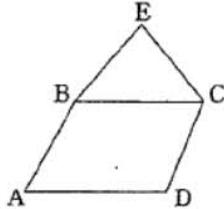
9.



The area of the rectangle is l . $y =$

- | | | |
|--------------------|--------------------|-------------------|
| (1) $\frac{7}{22}$ | (2) $\frac{22}{7}$ | (3) $\frac{3}{7}$ |
| (4) $\frac{7}{3}$ | (5) 7 | |

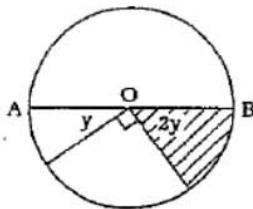
10.



In the figure above, $ABCD$ is a parallelogram with $AB = BE = EC$. If the area of right triangle BEC is 8, what is the parameter of polygon $ABECD$?

- | | | |
|----------------------|----------------------|----------------------|
| (1) $16 + 8\sqrt{2}$ | (2) $12 + 8\sqrt{2}$ | (3) $16 + 4\sqrt{2}$ |
| (4) 20 | (5) 16 | |

11.



Center is O . $\overline{AB} = 2 \cdot \overline{AB}$ is diameter. Area of shaded sector is

(1) $\frac{\pi}{12}$

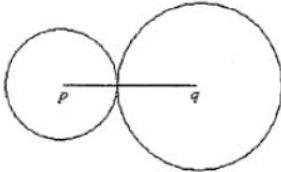
(2) $\frac{\pi}{8}$

(3) $\frac{\pi}{6}$

(4) $\frac{\pi}{4}$

(5) $\frac{\pi}{3}$

12.



Note: Figure not drawn to scale.

If the figure above, the radius of the circle with the center q is three times the radius of the circle with center p . Which of the following is the area of the circle with center p if pq is 12?

(1) 4π

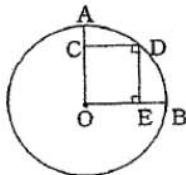
(2) 9π

(3) 16π

(4) 24π

(5) 24π

13.



The circle in the figure above has center O . If the area of square $OCDE$ is 2, what is the length of arc ABD

(1) 4π

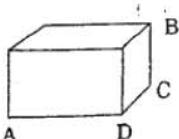
(2) 2π

(3) $\sqrt{2}\pi$

(4) π

(5) It cannot be determined from the information given.

14.



In the rectangular solid above, $AD = 6$, $CD = 8$, and $BC = \frac{1}{2}CD$. What is the volume

of the solid?

(1) 18

(2) 144

(3) 192

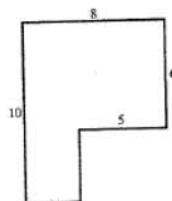
(4) 208

(5) 384

15. The length, width, and height of a rectangular solid are in the ratio of $3:2:1$. If the volume of the box is 48, what is the total surface area of the box?

- | | | |
|--------|--------|--------|
| (1) 27 | (2) 32 | (3) 44 |
| (4) 64 | (5) 88 | |

For Problems 17 and 18 Refer to the figure in the margin.



16. If the line whose equation is $y = x + 2k$ passes through point $(1, -3)$, then $k = ?$

- | | | |
|--------|--------|-------|
| (1) -2 | (2) -1 | (3) 1 |
| (4) 2 | (5) 4 | |

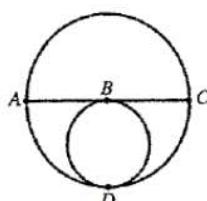
17. The perimeter of the figure is

- | | | |
|--------|--------|--------|
| (1) 29 | (2) 58 | (3) 36 |
| (4) 54 | (5) 72 | |

18. The area of the figure is

- | | | |
|--------|--------|--------|
| (1) 80 | (2) 68 | (3) 60 |
| (4) 50 | (5) 40 | |

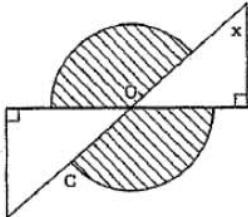
19.



In the figure above, B is the center of the larger circle. The smaller circle is tangent to the larger circle at D and contains point B . If the length of diameter AC is 12, what is the area of the smaller circle?

- | | | |
|-------------|-------------|-------------|
| (1) 6π | (2) 9π | (3) 12π |
| (4) 16π | (5) 36π | |

20.



O is the center of the circle. $\overline{CO} = 6$. The area of the shaded part = 24. $\angle x =$

- | | | |
|----------------|-----------------|----------------|
| (1) 15° | (2) 30° | (3) 45° |
| (4) 60° | (5) 100° | |

4. ปัญหาโจทย์ข้อความ (Problem Solving)

ในข้อสอบ CU – AAT นี่ ข้อสอบส่วนเลขคณิต มีประมาณ ข้อ จาก ข้อ หรือประมาณ ... ของข้อสอบส่วนคณิตศาสตร์ทั้งหมด ๆ ซึ่งจะเจาะเนื้อหาด้านเรขาคณิตในเรื่องต่างๆ ดังนี้

1. ปัญหาโจทย์เกี่ยวกับจำนวน

ตัวอย่าง จำนวนเต็มสองจำนวนเรียงกัน และผลคูณของสองจำนวนนี้เป็น 182 จงหาจำนวนทั้งสอง

2. ปัญหาโจทย์อายุ

ตัวอย่าง พ่อมีอายุมากกว่าแม่ 5 ปี อีก 10 ปี ข้างหน้า ก้าวลังสองของอายุของพ่อจะมากกว่า 60 เท่าของอายุของเมื่อญี่ 25 จงหาอายุปัจจุบันของพ่อและแม่

3. ปัญหาโจทย์ปรอร์เซ็นต์

ตัวอย่าง ชื้อวิทยุมาเครื่องหนึ่งราคา 3,600 บาท แล้วขายไปในราคา 3,300 บาท ขายวิทยุขาดทุนร้อยละเท่าไร

- | | |
|--------------------------|--------------------------|
| 1. ร้อยละ 3 | 2. ร้อยละ $8\frac{1}{3}$ |
| 3. ร้อยละ $9\frac{1}{9}$ | 4. ร้อยละ 10 |

ตัวอย่าง ติดราคาแวนค่าไว้ 950 บาท กำไร 18.75% ถ้าต้องการกำไร 25% ต้องตั้งราคาแวนค่าไว้กี่บาท

- | | |
|----------|----------|
| 1. 1,000 | 2. 1,025 |
| 3. 1,100 | 4. 1,150 |

4. ปัญหาโจทย์การเคลื่อนที่

ตัวอย่าง เดินทางจากเมือง A ไปเมือง B ซึ่งห่างกัน 250 กิโลเมตร ในช่วงแรกใช้ความเร็ว 50 กิโลเมตร ต่อชั่วโมง ในช่วงหลังลดอัตราเร็วเหลือ 20 กิโลเมตรต่อชั่วโมง ถ้าใช้เวลาในช่วงหลังมากกว่าในช่วงแรก 2 ชั่วโมง ถ้า่วาจะใช้เวลาในแต่ละช่วงเท่าไร และแต่ละช่วงมีระยะทางเท่าใด

5. ปัญหาโจทย์ของผสม

ตัวอย่าง ช้อนผลไม้สองชนิด ราคากิโลกรัมละ 13.5 บาท และ 10.5 บาท ตามลำดับ เอามาคละกันแล้วขายไปกิโลกรัมละ 12.5 บาท ได้เงินเท่าทุนพอดี จงหาอัตราส่วนของการผสม

6. ปัญหาโจทย์สารผสมกัน

ตัวอย่าง เหล้าชนิดหนึ่งมีแอลกอฮอล์ 30% ผสมกับเหล้าที่มีแอลกอฮอล์ 25% ต้องการให้ได้เหล้าที่มีแอลกอฮอล์ 28% จำนวน 50 ขวด จะต้องใช้เหล้าชนิดมีแอลกอฮอล์ 30% กี่ขวด

7. ปัญหาโจทย์แรงงาน

ตัวอย่าง ชาย 7 คน หญิง 6 คน ทาสีรั้วแห่งหนึ่งเสร็จใน 7 วัน แต่ ถ้าชาย 5 คน หญิง 4 คน ทาสีรั้วแห่งเดียวกันนี้เสร็จใน 10 วัน ถ้า่วาชาย 6 คน และหญิง 2 คน จะทาสีรั้วนี้เสร็จในกี่วัน

8. ปัญหาโจทย์การท่องเที่ยว

ตัวอย่าง ถังใบหนึ่งมีท่อ 3 ท่อ ท่อที่ 1 และท่อที่ 2 น้ำไหลเข้าเต็มถังในเวลา 30 และ 20 นาทีตามลำดับ ท่อที่ 3 เปิดน้ำไหลออกหมดในเวลา 40 นาที ถ้าเปิด 3 ท่อพร้อมกันน้ำจะเต็มถังในกี่นาที

- | | |
|-------------------------|-------------------------|
| 1. $16\frac{1}{7}$ นาที | 2. $17\frac{1}{7}$ นาที |
| 3. $18\frac{1}{6}$ นาที | 4. $19\frac{1}{6}$ นาที |

9. ปัญหาโจทย์เชิง

ตัวอย่าง เด็กกลุ่มนี้ 42 คน เล่นฟุตบอล 25 คน เล่นวอลเล่ย์บอล 20 คน มี 8 คนที่ไม่เล่นกีฬา 2 ชนิดดังกล่าว อยากทราบว่ามีเด็กคนที่เล่นกีฬาทั้ง 2 ชนิด

GLOSSARY & SYMBOL

ศัพท์ และ สัญลักษณ์

ENGLISH FOR MATH

การอ่านตัวเลข (Reading Number)

เลขหลักหน่วย	the unit digit
เลขหลักสิบ	the tenth digit
มากถึงเลขเก้าหลัก	reach the nine – figure mark
เศษหนึ่งส่วนสาม ($\frac{1}{3}$)	one third
เศษหนึ่งส่วนยี่สิบเอ็ด ($\frac{1}{21}$)	one twenty – oneth
เศษหนึ่งส่วนสามสิบ ($\frac{1}{30}$)	one thirtieth
เศษห้าส่วนสามสิบสอง ($\frac{5}{32}$)	five – thirty seconds
สามสิบสองจุดหนึ่งห้า (32.15)	thirty – two point one five
ศูนย์จุดหนึ่ง (0.1)	zero point one
ศูนย์จุดศูนย์หนึ่ง (0.01)	zero point zero one
ศูนย์จุดสองเก้าซ้ำ (0.2929...)	zero point twenty – nine recurring
จงคำนวณถึงทศนิยม 4 ตำแหน่ง	calculate down to four places of decimals
ศูนย์จุดสามห้าแปดสี่แปดซ้ำ (0.35848484...)	zero point three five eighty – four recurring

เครื่องหมาย และ สัญลักษณ์ (Symbol)

เท่ากับ	$=$	equals
สมมูลกับ	\equiv	is equivalent to
ประมาณ	\approx	is nearly (approximately) equal to
เท่ากับ	$=$	equals
ไม่เท่ากับ	\neq	is not equal to
บวก	$+$	plus
ลบ	$-$	minus
คูณ	\times	times , multiplied by
หาร	\div	divided by
มากกว่า	$>$	is greater than
น้อยกว่า	$<$	is less than
มากกว่าหรือเท่ากับ	\geq	is greater than or equal to
น้อยกว่าหรือเท่ากับ	\leq	is less than or equal to
ขนานกับ	\parallel	is pararell to (with)
ตั้งฉากกับ	\perp	is perpendicular to
อนันต์	∞	infinity
ต่อ	:	is to
เพราะฉะนั้น	\therefore	therefore
เพราะว่า	\because	because
ค่าสัมบูรณ์ของ a	$ a $	the absolute value of a
กรอบที่ 2 ของ a	\sqrt{a}	the square root of a
กรอบที่ 3 ของ a	$\sqrt[3]{a}$	the cube root of a
a ยกกำลัง $\frac{1}{4}$	$a^{\frac{1}{4}}$	a to the one – four power
n แฟคทอเรียล	$n!$	n factorial
สามเหลี่ยม ABC	ΔABC	triangle ABC
สี่เหลี่ยม $ABCD$	$\square ABCD$	quadrilateral $ABCD$
สี่เหลี่ยมค้านขาน $ABCD$	$\square ABCD$	pararellogram $ABCD$
มุม A	$\angle A$	angle A
มุม AOB	$\angle AOB$	angle AOB
ส่วนโค้ง AB	\widehat{AB}	arc AB
ส่วนของเส้นตรง AB	\overline{AB}	line seqment AB

ສัญลักษณ์ (Greek Symbol)

α	Alpha	ξ	Xi
β	Beta	\circ	Omicron
γ	Gamma	π	Pi
δ	Delta	ρ	Rho
ε	Epsilon	σ	Sigma
η	Eta	τ	Tao
θ	Theta	ϕ	Phi
μ	Mu	ν	Nu
ϖ	Omaga	υ	Upsilon
λ	Lambda	ψ	Psi

ຕັພທີ່ຄະນິກາສຕ່ຽວໜ້າ (Glossary)

abscissa	ແກນນອນ (ລະບະ x)
acute angle	ມຸນແຫດລມ
adjacent	ປະຊິດ
algebra	ພຶ້ມຄະນິກ
algebraic expression	ນິພຈນີ້ພຶ້ມຄະນິກ
area	ພື້ນຖານ
arithmetic mean	ຄ່າເຄື່ອງເລຂຄະນິກ
axiom	ສັຈພຈນີ້
axis	ແກນ
base	ຮູບນ
binomial theorem	ທຄ່າຍົງທຳກວິນາມ
bisector	ເສັ້ນແປ່ງຄວິງ
bracket	ເຄື່ອງໜໍາຍວງເຕັບ
cancel down	ຕັດທອນເສຍຕ່າວນ
calculation	ກາຣຄໍານວນ
circle	ວັງກລມ

circumference	เส้นรอบวง
co - ordinate	พิกัด
coefficient	ตัว係数
column	หลัก / ตัวคูณ
common factor	ตัวประกอบร่วม
common multiple	ตัวคูณร่วม
completing the square	การจัดทำลักษณะของสมบูรณ์
component	องค์ประกอบ/ ส่วนประกอบ
cone	กรวย
congruent	เท่ากันทุกประการ
conjugate	ตัว轭คู่
constant	ค่าคงที่
constant term	พจน์ค่าคงที่
conversion factor	ตัวประกอบของการเปลี่ยนหน่วย
cube	ลูกบาศก์ , กำลังสาม
cubic equation	สมการกำลังสาม
cubic root	รากที่สาม
cumulative frequency	ความถี่สะสม
data	ข้อมูล
decimal	ทศนิยม
decimal point	จุดทศนิยม
decimal system	ระบบเลขฐานสิบ
decrease	ลดลง
definition	บทนิยม
degree	องศา , ระดับชั้น
denominator	ตัวส่วน
diagonal	เส้นทแยงมุม
diameter	เส้นผ่านศูนย์กลาง

dispersion	การกระจาย
distance	ระยะทาง
dividend	ตัวคูณ (ของการหาร)
division	การหาร
divisor	ตัวหาร
edge	ขอบ
ellipse	วงรี
enlargement	การขยาย
equation	สมการ
equation of $n - th$ degree	สมการดีกรี n
equilateral triangle	สามเหลี่ยมด้านเท่า
even number	จำนวนคู่
event	เหตุการณ์
expand	กระจาย
expansion	การกระจาย
exponent	เลขชี้กำลัง
expression	นิพจน์
exterior angle	มุมภายนอก
extraction of cubic root	การถอดรากที่สาม
extraction of square root	การถอดรากที่สอง
factorize	แยกตัวประกอบ
factorization	การแยกตัวประกอบ
finite decimal	ทศนิยม有限
formula	สูตร
foot of the perpendicular	จุดพบของเส้นตั้งฉาก
fraction	เศษส่วน
frequency table	ตารางแจกแจงความถี่
function	ฟังก์ชัน
general term	พจน์ทั่วไป
gradient	ความชัน
graph	กราฟ
heptagon	รูปเจ็ดเหลี่ยม

hexagon	รูปหกเหลี่ยม
horizontal	แนวตั้ง
hypotenuse	ด้านตรงข้ามมุมฉาก
increase	เพิ่มขึ้น
index number (indices)	เลขยกกำลัง
inequality	อสมการ
infinite decimal	ทศนิยมไม่รู้จบ
infinitesimal	ค่าที่น้อยมาก (กรณีอนันต์)
infinity	ค่าที่มาก (กรณีอนันต์)
inscribe in	แนบใน
integer	จำนวนเต็ม
intercept	ระยะตัดแกน
interior angle	มุมภายใน
inverse proportion	สัดส่วนแปรผัน
irrational number	จำนวนอตรรกยะ
irreducible fraction	เศษส่วนอย่างค่า (ตัวท่อนไม่ได้แล้ว)
isosceles triangle	สามเหลี่ยมหน้าจั่ว
known quantity	ประมาณที่ทราบค่า
greater common denominator (G.C.D)	ตัวหารร่วมมาก (ห.ร.ม.)
least common multiple(L.C.M)	ตัวคูณร่วมน้อย (ค.ร.น.)
length	ความยาว
linear equation	สมการเชิงเส้น
literal equation	โจทย์ปัญหาสมการ
measurement	การวัด
median	มัธยฐาน
method of elimination	วิธีกำจัด (ตัวแปร)
method of substitution	วิธีแทนค่า (ตัวแปร)
midpoint	จุดกึ่งกลาง
mode	มัธยฐาน
monomial	เอกนาม
mutual division	การตัดท่อน (หารพร้อมกัน)
natural number	จำนวนธรรมชาติ / จำนวนเต็มบวก
negative number	จำนวนลบ

obtuse angle	มุมป้าน
octagon	รูปแปดเหลี่ยม
odd number	จำนวนคี่
opposite sign	เครื่องหมายตรงข้าม
order	อันดับ
ordinate (y-diatance)	แกน y (แกน y)
orginal equation	สมการเริ่มต้น / สมการโจทย์
parabora	พาราโบลา
paradox	ข้อความที่ขัดแย้งกันเอง
pararell	ขนาน
pararellogram	สี่เหลี่ยมค้านขนาน
pentagon	รูปห้าเหลี่ยม
permutations	การเรียงตัวเปลี่ยน
perpendicular	ตั้งฉาก
pie chart	แผนภูมิวงกลม
place	ตำแหน่ง (ทศนิยม)
polynomial	พหุนาม
population	ประชากร
positive sign	เครื่องหมายบวก
prime factor	ตัวประกอบเฉพาะ
prime number	จำนวนเฉพาะ
prism	ปรีซึม
probability	ความน่าจะเป็น
product	ผลคูณ
proof	การพิสูจน์
proportion	สัดส่วน
quadratic equation	สมการกำลังสอง
radical root	รากกรณฑ์
radius	รัศมี
range	พิสัย
ratio	อัตราส่วน
ray	รังสี
real root	รากที่เป็นจำนวนจริง

rearranging formula	การจัดอัญไขรูปที่ต้องการ
reciprocal	ส่วนกลับ
rectangle	สี่เหลี่ยมมุมฉาก
recurring decimal	ทศนิยมซ้ำ
reflection	การสะท้อน
regular polygon	รูปหลายเหลี่ยมด้านเท่ามุนเท่า
right triangle	สามเหลี่ยมมุมฉาก
root	ราก
rotation	การหมุน
rounding off number	การปัดเศษของจำนวน
row	แถว
same sign	เครื่องหมายเดียวกัน
sample	ตัวอย่าง
sequence	ลำดับ
set	เซต
series	อนุกรม
shift	เดือน (กราฟ / รูป)
side	ด้าน
similar shapes	รูปที่คล้ายกัน
similar triangle	สามเหลี่ยมคล้าย
simplify	ทำให้อัญไขรูปอ่ายจ่าย
simultaneous equation	ระบบสมการ
slope	ความชัน
solid	รูปทรงสามมิติ
solve an equation	แก้สมการ
sphere	ทรงกลม
speed	อัตราเร็ว
square	กำลังสอง , สี่เหลี่ยมจตุรัส
square number	จำนวนกำลังสอง
square root	รากที่สอง
standard deviation	ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน
standard form	รูปมาตรฐาน / ลักษณะวิทยาศาสตร์
stretch	บีด (กราฟ / รูป)

substraction	การลบ
sum	ผลบวก
symmetry	สมมาตร
tangent line	เส้นสัมผัส
term	พจน์
the quadratic formula	สูตรการแก้สมการกำลังสอง
transformation	การแปลง
translation	การเลื่อนขยับ
tree diagram	แผนภาพต้นไม้
twice	สองเท่า
transposition	การสลับที่
trapezoid	สี่เหลี่ยมคางหมู
unit	หน่วย
unknown term	พจน์ซึ่งไม่ทราบค่า
variance	ความแปรปรวน
variation	การแปรผัน
volume	ปริมาตร
vertex	จุดยอด
vertical	แนวตั้ง